# 来待砂岩の強度・変形特性における 中間主応力の影響

宮崎 裕一1\*・高橋 学2・長田 昌彦3

<sup>1</sup>埼玉大学大学院 理工学研究科環境システム工学系専攻(〒338-8570 埼玉県さいたま市下大久保255)
<sup>2</sup>(独)産業技術総合研究所 地圏資源環境研究部門(〒305-8567 東茨城県つくば市東1-1-1中央第7)
<sup>3</sup>埼玉大学 准教授 地圏科学研究センター(〒338-8570 埼玉県さいたま市下大久保255)
\*E-mail: s08me125@mail.saitama-u.ac.jp

本研究は、来待砂岩を用いて真三軸試験を行うことで、来待砂岩の強度・変形特性における中間主応力 の影響を検討したものである.茂木式真三軸試験手法を用い、最小主応力を一定とした条件下で、中間主 応力を最小主応力と同じ値から最大主応力と同じ値まで変化させた.

その結果、中間主応力の増加と共に破壊強度が増す領域と、中間主応力を上げるに従い破壊強度が減少 する領域が計測された.二つの領域の遷移点は、中間主応力の値が最大主応力の値と最小主応力の値の中 間付近に達したときであり、その中間主応力の値を境に、八面体せん断応力(破壊条件)・破断面の形状 (破壊のモード)・最小主応力方向の軸歪みなどが大きく変化した.

Key Words: Kimachi sandstone, true triaxial test, intermediate principal stress, failure strength, compression, extension

## 1. はじめに

近年、放射性廃棄物の地層処分など、様々な用途の地 下空間利用が計画されており、地下における岩盤の力学 的挙動を把握することは、地下構造物の計画や設計に必 要不可欠である. そこで, 地下岩盤の強度・変形挙動を 推定するために、一般的に岩石の三軸圧縮試験が行われ る. この試験は、円柱に整形した岩石供試体の側面方向 に拘束圧(最小主応力)を載荷し、上下端面に軸圧(最 大主応力)を載荷する試験手法である。 拘束圧を水や油 などの液体により、静水圧状態で載荷するため、側面の 応力状態を一様にすることができ、比較的容易に信頼性 の高い三軸試験を行うことが可能である.しかし、三つ の主応力のうち二つの主応力(最小主応力と中間主応 力)が常に同じ大きさになるという制約が存在している. 地下構造物の空洞壁面に作用する応力状態は、三つの主 応力のうち二つの主応力が同じ大きさになるとは考えに くく、また、コアディスティングが発生するような応力 状態は、最大主応力=中間主応である三軸引張状態にき わめて近いと考えられる. そのため、本研究では三軸圧 縮試験だけでは不明瞭な岩石の力学的挙動を把握するた めに、中間主応力を変化させ、三軸圧縮領域から三軸引 張領域にかけて連続的に試験することで、応力状態によ

る岩石の強度・変形特性の違いに焦点を置いた. なお, 円柱供試体 ( $\phi$  50×100 mm)を用いて共著らが完結し た三軸圧縮・三軸伸張試験結果<sup>1), 2)</sup>と比較し、応力経路 やサンプル形状の差異についても議論する.

## 2. 試験の概要

## (1) 岩石供試体

試験に用いた岩石供試体は,来待砂岩を写真-1に示す 35×35×70mmの角柱に整形したのち,湿度32~48%R Hで保存したものである.来待砂岩は,島根県八束郡宍



写真-1 岩石供試体

項目	単位	物性値				
見かけ密度	(g∕cm³)	2.05				
P波速度	(km/sec)	2.90				
S波速度	(km/sec)	1.82				
動的ポアソン比	-	0.17				
動的ヤング率	(GPa)	16.00				





写真-2 真三軸試験装置

道町で採取される凝灰岩質砂岩であり,新第三紀中新世 の出雲層群に属する.**表-1**に,本試験に用いた来待砂岩 の物性値を示す.表中の値は,使用した岩石供試体の平 均値である.

#### (2) 試験装置と試験手法

## a) 真三軸試験装置

使用した真三軸試験装置を写真-2 に示す.この試験 装置は、封圧下で二軸試験を行う茂木式真三軸試験手法 が可能であり、本試験でも、三つの主応力のうち最大主 応力方向と中間主応力方向の荷重はピストンによる固体 圧で載荷し、最小主応力方向の荷重は油圧により昇圧す ることで、三つの主応力を各々制御している.

## b)岩石供試体のアッセンブル

岩石供試体のアッセンブルを写真-3 に示す.岩石供 試体の上下面に 35×35 mm のエンドピースを,左右の 面には 35×66 mm のエンドピースを取り付け,二種類 のシリコンゴムにより,岩石供試体表面の被覆及び岩石 供試体とエンドピースの接合を行っている.

また、ピストンによる固体圧の載荷に伴って岩石供試体表面に摩擦が生じことを防ぐために、銅箔(厚さ 50 ミクロン)・テフロンシート(厚さ 50 ミクロン)・シリコングリスを供試体とエンドピースの間に装着している.この減摩材の摩擦係数は共著らの計測結果<sup>3</sup>、垂直



写真-3 岩石供試体のアッセンブル



図-1 応力経路と破壊時の応力状態

応力 25MPaの時に 0.063, 45MPaの時に 0.04 であった.

変位の測定には、三つの主応力方向に各2本の LDT を使用した. なお LDT の校正係数は、試験前後にキャ リブレーションを行い、試験での出力範囲における有意 性を検討した.

#### c)試験手法

はじめに,最大主応力方向と中間主応力方向のピストンをそれぞれ35~40kN,04~06kNで岩石供試体アッセンブルと接触させる.これは封圧流体を注入する際, 岩石供試体アッセンブルが,圧力セル内の設置位置からずれるのを防ぐためである.

その後の応力経路を図-1に示す.まず最小主応力(拘 束圧)を 0.125 MPa/secの昇圧速度で所定の値まで昇圧し, 次に最大主応力と中間主応力を最小主応力と同じレート 0.125 MPa/secで載荷する.最後に,最大主応力を変位速 度一定(0.02 mm/min)で載荷した.



図-2 破壊強度と中間主応力の関係



**写真-4** 中間主応力方向から見た破壊後の供試体 (左:せん断破壊 右:引張破壊)

#### (2) 破壊時のせん断応力



図-3 破壊時の八面体せん断応力と $(\sigma_1 + \sigma_3)$ の関係

## d) 試験条件

最小主応力を5.3 MPa, 14.0 MPaの2つの条件で中間主 応力を変化させた時の強度・変形の変化を求めていった. なお中間主応力は,最小主応力と同じ値(角柱供試体に おける三軸圧縮試験)から最大主応力と同じ値(角柱供 試体における三軸伸張試験)まで変化させた.

## 3. 試験結果

#### (1) 破壊強度と中間主応力の関係

図-2に来待砂岩の破壊強度と中間主応力の関係を最小 主応力の条件別に示す.二つの条件で同様に,中間主応 力の増加と共に破壊強度が増す領域(以後,領域A)と, 中間主応力を上げるに従い破壊強度が減少する領域(以 後,領域B)が計測された.このれらの領域の遷移点は, 中間主応力が破壊時の最大主応力(破壊強度)と最小主 応力の中間付近であった. 破壊した供試体に作用する応力を三つの主応力軸で表 すと、せん断力は八面体でとらえることができる.その 八面体面上に作用しているせん断応力を八面体せん断応 力とよび、式(1)によって求められる.

$$\tau_{oct} = \frac{1}{3} \left[ (\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2 + (\sigma_3 - \sigma_1)^2 \right]^{-\frac{1}{2}}$$
(1)

Mogi<sup>4</sup>は圧縮強度の高い岩石で真三軸試験を行った結果, von Mises の条件の一般形で式(2)のように破壊条件を 表わせると結論付けた.

$$\tau_{oct} = f(\sigma_1 + \sigma_3) \tag{2}$$

試験結果(図-3),領域Aにおいて八面体せん断応力 と(σ<sub>1</sub>+σ<sub>3</sub>)にある一定の関係性がみられることから, 破壊条件には式(2)のような関係が成り立っていると考 えられる.しかし領域Bでは,そのような関係性がみら れない.プロットの移行を考えた時,中間主応力が最大 主応力側にあり,且つ最大主応力の減少量より中間主応 力の増加量が大きいため,式(2)の左辺は中間主応力の 増加と共に増加していくものの,右辺は中間主応力の増 加に従って減少する.つまり領域Aと領域Bにおいて関 数fの正負が逆であり,同一の破壊条件は成立しない.

破壊後の供試体に形成された破断面(写真-4)におい ても領域Aと領域Bで破壊のモードに違いが表れた. 岩 石の破壊がただ一つのモードに支配されるということは 考えづらいが,領域Aに形成された破断面は比較的なめ らかであり,岩の圧砕や破砕による粉末が観察されたた め,せん断力が限界値に達し,せん断面が形成されたと 考えられる.それに対し領域Bの破断面はかなり粗く, 粉末も少ない.さらに減摩材として供試体に接していた 銅箔に残る破壊痕に,引き伸ばされた跡が観察されるこ

## 表-2 破壊時の応力状態と三つの主応力方向の歪み

	σ₃=5.3MPa							σ₃=14.0MPa					
	供試体の動的ポアソン比	σ <sub>1</sub> (MPa)	σ <sub>2</sub> (MPa)	ε <sub>1</sub> (%)	ε <sub>2</sub> (%)	ε <sub>3</sub> (%)		供試体の動的ポアソン比	$\sigma_1$ (MPa)	$\sigma_2$ (MPa)	ε <sub>1</sub> (%)	ε <sub>2</sub> (%)	ε <sub>3</sub> (%)
(a)	0.176	66.55	5.64	1.02	-0.30	-0.72	(d)	0.167	88.08	14.30	1.46	-0.35	-0.70
	0.174	73.02	15.47	0.86	0.75	-1.00		0.177	92.18	24.05	1.99	0.17	-1.78
	0.183	77.50	25.57	1.08	0.18	-0.76		0.172	100.56	42.95	1.75	0.29	-1.35
	0.174	75.95	35.92	1.14	0.70	-1.02	(e)	0.169	103.75	59.62	1.74	0.65	-2.00
(b)	0.181	79.74	45.76	1.15	0.60	-1.33		0.172	105.52	76.97	1.81	1.00	-2.95
	0.179	77.37	54.59	0.97	0.68	-1.40	(f)	0.169	100.77	99.42	1.86	1.88	-5.49
	0.168	82.86	58.98	1.15	0.79	-1.71							
	0.171	81.45	64.41	1.10	0.85	-1.42			… 図-4に応力と歪みのグラフを載せた				
(c)	0.175	79.58	78.92	1.01	1.12	-2.23							



図-4 応力と歪み関係

とから,引張りにより破断面が形成されたと考えられる. これらのことから領域Aでの破壊は,主にせん断力が 主な要因であり,その破壊条件には八面体せん断応力を 使った関係式(式(2))が成り立っていると考えられる.

## (3) 応力と歪みの関係

破壊時の応力状態と三つの主応力方向の軸歪みを**表-2** に、 $\sigma_1 > \sigma_2 = \sigma_3$ 、 $\sigma_1 > \sigma_2 > \sigma_3$ ( $\sigma_2$ は $\sigma_1 \ge \sigma_3$ の中間付近)、  $\sigma_1 = \sigma_2 > \sigma_3$ の時の応力と歪み関係を図-4に、それぞれ最小 主応力の条件別に示す.最小主応力方向の軸歪みが,中間主応力を三軸圧縮領域から三軸引張領域に変化するに従って大きくなっている.特に $\sigma_3 = 5.3$  MPa条件では $\sigma_2 = 58.98$  MPa,  $\sigma_3 = 14.0$  MPa条件では $\sigma_2 = 76.97$  MPaの時に大きな変化が見られる.その応力状態は,領域Aから領域Bに遷移する境目の応力状態であり,主にせん断力が要因でせん断破壊が起こっる領域Aに対し,領域Bでは歪み量が要因となり,引張破壊が起こっていると考えられる.



図-5 π平面上での破壊時の応力状態

#### (4) 破壊曲面

破壊時の応力状態を、三つの主応力を座標軸とする直 角座標において、 $\sigma_1+\sigma_2+\sigma_3=0$ の面( $\pi$ 平面)上にプロッ トする(図-5).最小主応力条件ごとにTresca基準(最 大せん断応力説)とvon Mises基準(歪みエネルギー説) の間に破壊曲面が得られたものの、この破壊曲面は、最 小主応力(拘束圧)による依存性が確認されるた.つま りTresca基準やvon Mises基準のように、同じ座標におい て $\pi$ 平面に垂直な柱面の破壊曲面ではなく、von Mises 基 準の条件式に最小主応力を考慮し、1次・2次の不偏量 を用いて表現されているDrucker-Prager 基準にのような、 原点を通り $\pi$ 平面に垂直な方向ベクトルを軸として拡張 のする破壊曲面となっている.

## (5) 三軸圧縮・三軸伸張試験との比較

同一岩石を円柱 ( $\phi$  50×100 mm) に整形した供試体 を用いて共著らが完結した三軸圧縮・三軸伸張試験結果 <sup>1, 2</sup>と,本試験三軸圧縮・三軸伸張試験結果を比較する. なお三軸伸張試験は,応力経路が大きく異なる.

同様の結果を示したものを列挙する.

・表-2,図-4に示すように、三軸伸張試験の方が三軸圧 縮試験よりも必ず最大強度が大きくなる.

・三軸伸張試験は三軸圧縮試験よりも脆性的な挙動を示 す.

・三軸伸張試験での岩石供試体の破壊状況は、引張破壊 が卓越し、破断面が軸方向と垂直なものとなった.

次に異なる結果となったものを列挙する.

・三軸伸張試験における変化量は各主歪み・体積歪みと も三軸圧縮試験よりも小さくならなかった.これは,三 軸伸張試験において,変形量の最も大きい最小主応力が, 本試験では流体圧なのに対して、共著らの行った試験で は固体圧であることが大きな要因であると考えられる. ・三軸伸張試験での破壊強度が、二つの最小主応力条件 ともに、本試験の方が10 MPa程度大きくなった.これは、 最大主応力と中間主応力(最大主応力と同値)が本試験 では固体圧であるのに対して、共著らの行った試験では 流体圧であることが大きな要因であると考えられる.

## 4. おわりに

本研究は、来待砂岩を用いて真三軸試験を行うことで、 来待砂岩の強度・変形特性における中間主応力の影響を 検討した.

以下に、本研究で得られた知見をまとめる.

・破壊強度は中間主応力の増加と共に増すものの,ある 大きさの中間主応力以上では、中間主応力を上げるに従 い破壊強度は減少する.また、破壊強度が減少する中間 主応力以降、最小主応力方向の軸歪みが増長される.

・破壊強度が中間主応力の増加と共に増す領域において、 破壊時の八面体せん断応力と ( $\sigma_1 + \sigma_3$ )の間には、あ る一定の関係性がみられる.

・破壊曲面は, 最小主応力(拘束圧)に依存する.

・三軸伸張試験の方が三軸圧縮試験よりも必ず最大強度 が大きくなる.

・三軸伸張試験は三軸圧縮試験よりも脆性的な挙動を示 す.

・三軸伸張試験での岩石供試体の破壊状況は,引張破壊 が卓越し,破断面が軸方向と垂直なものとなった.

謝辞:本研究は産業技術総合研究所の真三軸圧縮試験装置を使用して実施したものである.試験の実施にあたり 産業技術総合研究所の方々には大変お世話になりました. ここに記して感謝の意を表します.

#### 参考文献

- 高橋学,高橋直樹,木山保,漆松雪彦,竹村貴人:来待 砂岩の三軸圧縮・三軸伸張応力による変形特性と内 部構造の差異について,第12回岩の力学国内シンポ ジウム,2008
- 2) 高橋直樹,高橋学,木山保,竹村貴人:封圧下における 来待砂岩の伸張試験,第12回岩の力学国内シンポジ ウム,2008
- 高橋学,李小春,林為人,成田孝,冨島康夫:中間主応力 方向の透水係数測定技術について,応用地質,第43巻, 第1号, pp.43-48,2002
- Kiyoo Mogi : Fracture and Flow of Rocks under High Triaxial Compression, *Journal of Geophysical Research*, VOL. 76, NO.5, pp.1255-1269, 1971
- Colmenares L.B., Zoback M.D.: A statistical evaluation of intact rock failure criteria constrained by polyaxial test data for five different rocks, *Int. J. Rock Mech. & Min. Sci.*, 39, pp.695-729, 2002

# EFFECT OF THE INTERMEDIATE PRINCIPAL STRESS ON THE STRENGTH AND THE DEFORMATION OF KIMACHI SANDSTONE

## Yuichi MIYAZAKI, Manabu TAKAHASI, Masahiko OSADA

The true triaxial tests (Mogi type) have been performed to clarify the effect of intermediate principal stress on the strength and the deformation of Kimachi sandstone. The size of square pillar specimens is 35  $\times$  35  $\times$  70 mm. The true triaxial apparatus was used to create the true triaxial condition in which the magnitudes of applied stresses are different ( $\sigma_1 \ge \sigma_2 \ge \sigma_3$ ). The difference of strength and deformation behavior was carefully investigated during the test which was performed, continuously, from the triaxial compression condition ( $\sigma_1 \ge \sigma_2 = \sigma_3$ ) to triaxial extension condition ( $\sigma_1 = \sigma_2 \ge \sigma_3$ ). Moreover, the test results were compared with the other test which was carried out with cylindrical specimen (50  $\times$  100mm).