

内 插 公 式

1) 若干箇ノ函數値ヲ與ヘ他ノ函數値ヲ内插セントス—Lagrangeノ式. 例ヘバ掲記四箇ノ函數値ヲ與ヘテ $f_\xi = f(x_0 + \xi h)$ ヲ求ム. 茲ニ ξ ハ普通1ヨリ小ナル數ナリ. 其式:

$$f_\xi = L_{-1}f_{-1} + L_0f_0 + L_1f_1 + L_2f_2. \quad [\text{係數値, 頁6}] \quad (1)$$

引 數 値	函 數 値
$x_0 - h$	f_{-1}
x_0	f_0
$x_0 + h$	f_1
$x_0 + 2h$	f_2

$$\begin{aligned} \text{但シ } L_{-1} &= -\frac{\xi(\xi-1)(\xi-2)}{6} & L_1 &= -\frac{(\xi+1)\xi(\xi-2)}{2} \\ L_0 &= \frac{(\xi+1)(\xi-1)(\xi-2)}{2} & L_2 &= \frac{(\xi+1)\xi(\xi-1)}{6} \\ & & & L_{-1} + L_0 + L_1 + L_2 = 1. \end{aligned}$$

$\xi = \frac{1}{2}$ トスレバ, 次ノ式ヲ得:

$$f_{\frac{1}{2}} = 0,0625(-f_{-1} + 9f_0 + 9f_1 - f_2). \quad (2)$$

因ニ, 六箇ノ函數値ヲ使用スレバ

$$f_{\frac{1}{2}} = \frac{1}{256}(3f_{-2} - 25f_{-1} + 150f_0 + 150f_1 - 25f_2 + 3f_3). \quad (3)$$

算例 $x = 2,3171 = \text{對スル } e^x \text{ヲ求ム.}$

x	e^x
2,30	9,97418 25
1	10,07442 47
2	10,17567 43
3	10,27794 15

$$\begin{aligned} x_0 = 2,31 \text{ヲ擇ベバ, } h = 0,01, \xi = 0,71. \text{ 頁6表上係數値ヲ拾ヒ,} \\ f_{0,71} &= -0,0442685 \times 9,9741825 \dots - 0,44154210 \\ &+ 0,8198555 \times 10,0744247 \dots + 3,22236015 \\ &+ 0,7830945 \times 10,1756743 \dots + 7,96851458 \\ &- 0,0586815 \times 10,2779415 \dots - 0,60312502 \\ &+ 10,14620761. \end{aligned}$$

即チ眞値 10,14620760ニ比シ七桁迄正確ナルヲ見ル.

2) 一箇ノ函數値及ビ之ニ屬スル逐位中央階差ヲ與フ—Besselノ式.

茲 = 各位階差記號 Δ の右脇下 = 附記スベキ指數ヲ省略ス。 偶數位ノ階差ハ相隣ル上下ノ二箇ヲ取扱フ。 此ノ二箇ハ式中常 = 其ノ平均值、即チ例ヘバ $\left[\frac{\Sigma\Delta^4}{2}\right]$ ノ形、= 由リ現ハル、ヲ見ル。 式次ノ如シ:

引数值	函数值				
x_0	f_0	Δ	Δ^2	Δ^3	Δ^4
			Δ^2		Δ^4

$$f_\xi = f_0 + \xi\Delta + B_2\left[\frac{\Sigma\Delta^2}{2}\right] + B_3\Delta^3 + B_4\left[\frac{\Sigma\Delta^4}{2}\right] + \dots \quad [係数值, 頁 7] \quad (4)$$

$$\begin{aligned} \text{但シ } B_1 &= \xi - \frac{1}{2} & B_2 &= \frac{\xi(\xi-1)\left(\xi-\frac{1}{2}\right)}{3!} \\ B_3 &= \frac{\xi(\xi-1)}{2!} & B_4 &= \frac{(\xi+1)\xi(\xi-1)(\xi-2)}{4!} \\ B_5 &= \frac{(\xi+1)\xi(\xi-1)(\xi-2)\left(\xi-\frac{1}{2}\right)}{5!} \\ B_6 &= \frac{(\xi+2)(\xi+1)\xi(\xi-1)(\xi-2)(\xi-3)}{6!} \end{aligned}$$

算例 次ノ数值表ヲ與フ:

x	$J_0(x)$	Δ	Δ^2
27.5	-0,00099 22289 05	-1515 63446 72	
27.6	-0,01614 85735 77	-1494 04699 52	+ 21 58747 20
27.7	-0,03108 90435 29	-1457 65582 18	+ 36 39117 34
27.8	-0,04566 56017 47	-1406 87616 59	+ 50 77965 59
27.9	-0,05973 43634 06	-1342 26471 43	+ 64 61145 16
28.0	-0,07315 70105 49	-1264 51359 88	+ 77 75111 55
28.1	-0,08580 21465 37	-1174 44305 00	+ 90 07054 88
28.2	-0,09754 65770 37	-1072 99280 89	+ 101 45024 11
28.3	-0,10827 65051 26	- 961 21238 20	+ 111 78042 69
28.4	-0,11788 86289 46	- 840 25024 34	+ 120 96213 86
28.5	-0,12621 11313 80		

Δ^2	Δ^4	Δ^6	Δ^8	Δ^{10}	Δ^{12}
+14 80370 14					
+14 38848 25	- 41521 89				
+13 83179 57	- 55668 68	-14146 79	+ 602 29		
+13 13966 39	- 69213 18	-13544 50	+ 734 62	+132 33	- 8 11
+12 31943 33	- 82023 06	-12809 88	+ 858 84	+124 22	- 8 57
+11 37969 23	- 93974 10	-11951 04	+ 974 49	+115 65	-10 35
+10 33018 58	-1 04950 65	-10976 55	+1079 79	+105 30	
+ 9 18171 17	-1 14847 41	- 9896 76			

$x=27,97 = \text{對スル } J_0(x) \text{ヲ求ム}$

$$\begin{aligned} f_0 &= -0,05973 48634 06 & \frac{\Sigma\Delta^2}{2} &= +\frac{1}{2}[0,00064 61145 16 + 0,00077 75111 55] \\ \xi &= 0,7 & &= +0,00071 18128 35 \\ B_2 &= -0,10500 00 & \frac{\Sigma\Delta^4}{2} &= - 75618 12 \\ B_3 &= -0,00700 00 & \frac{\Sigma\Delta^6}{2} &= + 796 73 \\ B_4 &= +0,01933 750 & & \\ B_5 &= +0,00077 350 & & \\ B_6 &= -0,00400 286 & & \end{aligned}$$

計算ノ結果 $f_{0,97} = -0,06920 60240 67$ ヲ得。 眞値ハ數尾 67 ノ代リ = 69 ナリ。

3) 二箇ノ函数値及ビ之ニ屬スル偶位逐位階差ヲ與フ— Everett ノ

式。 階差ノ上下ヲ區別スル爲メ記號 δ ノ右脇下 = 0,1 ヲ附ス。 其式:

引数值	函数值		
x_0	f_0	δ_0^2	δ_0^4
x_0+h	f_1	δ_1^2	δ_1^4

$$f_\xi = \eta f_0 + \xi f_1 - [E_2(\eta)\delta_0^2 + E_2(\xi)\delta_1^2] + [E_4(\eta)\delta_0^4 + E_4(\xi)\delta_1^4] - [E_6(\eta)\delta_0^6 + E_6(\xi)\delta_1^6] + \dots \quad [係数值, 頁 8] \quad (5)$$

[式 (1) の係数値]

ξ	L_{-1}	L_0	L_1	L_2	L_3
0,00	0,00000 00	1,00000 00	0,00000 00	0,00000 00	1,00
1	-0,00328 35	0,99490 05	1004 95	-0,00166 65	0,99
2	-0,0546 80	8960 40	2019 60	-333 20	0,98
3	-0,0955 45	8411 35	3043 65	-499 55	0,97
4	-0,1254 40	7843 20	4076 80	-665 60	0,96
5	-0,1543 75	7256 25	5118 75	-831 25	0,95
6	-0,1823 60	6650 80	6169 20	-996 40	0,94
7	-0,2094 05	6027 15	7227 85	-0,01160 95	0,93
8	-0,2355 20	5385 60	8294 40	-324 80	0,92
9	-0,2607 15	4726 45	9368 55	-487 85	0,91
0,10	-0,2850 00	4050 00	0,10450 00	-650 00	0,90
1	-0,03083 85	3356 55	1538 45	-811 15	0,89
2	-0,0308 80	2646 40	2633 60	-971 20	0,88
3	-0,0308 85	1919 85	3735 15	-0,02130 05	0,87
4	-0,0308 80	1177 20	4842 80	-287 60	0,86
5	-0,0308 85	0418 75	5956 25	-443 75	0,85
6	-0,0308 80	0,89644 80	7075 20	-598 40	0,84
7	-0,0308 85	8855 65	8199 35	-751 45	0,83
8	-0,0308 80	8051 60	9328 40	-902 80	0,82
9	-0,0308 85	7232 95	0,20462 05	-0,03052 35	0,81
0,20	-0,0308 80	6400 00	1600 00	-200 00	0,80
1	-0,0308 85	5553 05	2741 95	-345 65	0,79
2	-0,0308 80	4692 40	3887 60	-489 20	0,78
3	-0,0308 85	3818 35	5036 65	-630 55	0,77
4	-0,0308 80	2931 20	6188 80	-769 60	0,76
5	-0,0308 85	2031 25	7343 75	-906 25	0,75
6	-0,0308 80	1118 80	8501 20	-0,04040 40	0,74
7	-0,0308 85	0194 15	9660 85	-171 95	0,73
8	-0,0308 80	0,79257 60	0,30822 40	-300 80	0,72
9	-0,0308 85	8309 45	1985 55	-426 85	0,71
0,30	-0,0308 80	7350 00	3150 00	-550 10	0,70
1	-0,0308 85	6379 55	4315 45	-670 05	0,69
2	-0,0308 80	5398 40	5481 60	-787 20	0,68
3	-0,0308 85	4406 85	6648 15	-901 05	0,67
4	-0,0308 80	3405 20	7814 80	-0,05011 60	0,66
5	-0,0308 85	2393 75	8981 25	-118 75	0,65
6	-0,0308 80	1372 80	0,40147 20	-222 40	0,64
7	-0,0308 85	0342 65	1312 35	-322 45	0,63
8	-0,0308 80	0,69303 60	2476 40	-418 80	0,62
9	-0,0308 85	8255 95	3639 05	-511 35	0,61
0,40	-0,0308 80	7200 00	4800 00	-600 00	0,60
1	-0,0308 85	6136 05	5958 95	-684 65	0,59
2	-0,0308 80	5064 40	7115 60	-765 20	0,58
3	-0,0308 85	3985 35	8269 65	-841 55	0,57
4	-0,0308 80	2899 20	9420 80	-913 60	0,56
5	-0,0308 85	1806 25	0,50568 75	-981 25	0,55
6	-0,0308 80	0706 80	1713 20	-0,06044 40	0,54
7	-0,0308 85	0,59601 15	2853 85	-102 95	0,53
8	-0,0308 80	8489 60	3990 40	-156 80	0,52
9	-0,0308 85	7372 45	5122 55	-205 85	0,51
0,50	-0,06250 00	0,56250 00	0,56250 00	-0,06250 00	0,50
	L_2	L_1	L_0	L_{-1}	ξ

[式 (4) の係数値]

B_3, B_5 の縦欄中の重符ハ夫々 ξ の左, 又ハ右ノ値ニ應ズルモノトス,

例ハバ $\xi=0,18$ $\begin{cases} B_3=+0,00787 20 \\ B_5=-84 530 \end{cases}$ $\xi=0,82$ $\begin{cases} B_3=-0,00787 20 \\ B_5=+84 530 \end{cases}$

ξ	B_2	B_3	B_4	B_5	B_6	B_7
0,00	0,00000	0,00000 00	0,00000 000	0,00000 000	0,00000 000	1,00
1	-0,00495	\pm 0,00080 85	082 908	\mp 0,00008 125	-0,00016 609	0,99
2	-0,00980	\pm 156 80	164 934	\mp 15 834	-033 095	0,98
3	-0,01455	\pm 227 95	246 028	\mp 23 127	-049 444	0,97
4	-0,01920	\pm 294 40	326 144	\mp 30 005	-065 646	0,96
5	-0,02375	\pm 356 25	405 234	\mp 36 471	-081 688	0,95
6	-0,02820	\pm 413 60	483 254	\mp 42 526	-097 559	0,94
7	-0,03255	\pm 466 55	560 158	\mp 48 174	-113 247	0,93
8	-0,03680	\pm 515 20	635 904	\mp 53 416	-128 741	0,92
9	-0,04095	\pm 559 65	710 448	\mp 58 257	-144 029	0,91
0,10	-0,04500	\pm 600 00	783 750	\mp 62 700	-159 101	0,90
1	-0,04895	\pm 636 35	855 768	\mp 66 750	-173 946	0,89
2	-0,05280	\pm 668 80	926 464	\mp 70 411	-188 554	0,88
3	-0,05655	\pm 697 45	995 798	\mp 73 689	-202 914	0,87
4	-0,06020	\pm 722 40	0,01063 734	\mp 76 589	-217 016	0,86
5	-0,06375	\pm 743 75	130 234	\mp 79 116	-230 850	0,85
6	-0,06720	\pm 761 60	195 264	\mp 81 278	-244 408	0,84
7	-0,07055	\pm 776 05	258 788	\mp 83 080	-257 678	0,83
8	-0,07380	\pm 787 20	320 774	\mp 84 530	-270 653	0,82
9	-0,07695	\pm 795 15	381 188	\mp 85 634	-283 323	0,81
0,20	-0,08000	\pm 800 00	440 000	\mp 86 400	-295 680	0,80
1	-0,08295	\pm 801 85	497 178	\mp 86 836	-307 715	0,79
2	-0,08580	\pm 800 80	552 694	\mp 86 951	-319 420	0,78
3	-0,08855	\pm 796 95	606 518	\mp 86 752	-330 787	0,77
4	-0,09120	\pm 790 40	658 624	\mp 86 248	-341 809	0,76
5	-0,09375	\pm 781 25	708 984	\mp 85 449	-352 478	0,75
6	-0,09620	\pm 769 60	757 574	\mp 84 304	-362 787	0,74
7	-0,09855	\pm 755 55	804 368	\mp 83 001	-372 728	0,73
8	-0,10080	\pm 739 20	849 344	\mp 81 371	-382 296	0,72
9	-0,10295	\pm 720 65	892 478	\mp 79 484	-391 484	0,71
0,30	-0,10500	\pm 700 00	933 750	\mp 77 350	-400 286	0,70
1	-0,10695	\pm 677 35	973 138	\mp 74 979	-408 696	0,69
2	-0,10880	\pm 652 80	0,02010 624	\mp 72 382	-416 709	0,68
3	-0,11055	\pm 626 45	046 188	\mp 69 570	-424 318	0,67
4	-0,11220	\pm 598 40	079 814	\mp 66 554	-431 520	0,66
5	-0,11375	\pm 568 75	111 484	\mp 63 345	-438 309	0,65
6	-0,11520	\pm 537 60	141 184	\mp 59 953	-444 681	0,64
7	-0,11655	\pm 505 05	168 898	\mp 56 391	-450 632	0,63
8	-0,11780	\pm 471 20	194 614	\mp 52 671	-456 158	0,62
9	-0,11895	\pm 436 15	218 318	\mp 48 803	-461 255	0,61
0,40	-0,12000	\pm 400 00	240 000	\mp 44 800	-465 920	0,60
1	-0,12095	\pm 362 85	259 648	\mp 40 674	-470 150	0,59
2	-0,12180	\pm 324 80	277 254	\mp 36 436	-473 942	0,58
3	-0,12255	\pm 285 95	292 808	\mp 32 099	-477 294	0,57
4	-0,12320	\pm 246 40	306 304	\mp 27 676	-480 203	0,56
5	-0,12375	\pm 206 25	317 734	\mp 23 177	-482 668	0,55
6	-0,12420	\pm 165 60	327 094	\mp 18 617	-484 687	0,54
7	-0,12455	\pm 124 55	334 378	\mp 14 006	-486 259	0,53
8	-0,12480	\pm 83 20	339 584	\mp 9 358	-487 382	0,52
9	-0,12495	\pm 0,00041 65	342 708	\mp 0,00004 685	-488 056	0,51
0,50	-0,12500	0,00000 00	0,02343 750	0,00000 000	-0,00488 281	0,50
	B_2	B_3	B_4	B_5	B_6	ξ

[式 (5) / 係 數 値]

ξ	E_2	E_4	E_6	ξ	E_2	E_4	E_6
0,00	0,00000 00	0,00000 000	0,00000 000	0,50	0,06250 00	0,01171 875	0,00244 141
1	166 65	033 329	07 142	1	289 15	76 040	44 725
2	333 20	066 633	14 278	2	323 20	79 150	45 084
3	499 55	099 888	21 402	3	352 05	81 195	45 213
4	665 60	133 067	28 509	4	375 06	82 164	45 113
5	831 25	166 146	35 593	5	393 75	82 045	44 782
6	996 40	199 101	42 647	6	406 40	80 828	44 218
7	0,01160 95	231 906	49 667	7	413 45	78 504	43 420
8	324 80	264 536	56 646	8	414 80	75 063	42 388
9	487 85	296 967	63 579	9	410 35	70 498	41 120
0,10	650 00	329 175	70 459	0,60	400 00	64 800	39 610
1	811 15	361 134	77 282	1	383 65	57 962	37 876
2	971 20	392 821	84 041	2	361 20	49 978	35 899
3	0,02130 05	424 210	90 731	3	332 55	40 841	33 685
4	287 60	455 278	97 347	4	297 60	30 545	31 234
5	443 75	486 001	0,00103 883	5	256 25	19 087	28 547
6	598 40	516 354	10 333	6	208 40	06 461	25 623
7	751 45	546 314	16 691	7	153 95	0,01092 665	22 464
8	902 80	575 857	22 954	8	092 80	77 694	19 070
9	0,03052 35	604 961	29 114	9	024 85	61 548	15 441
0,20	200 00	633 600	35 168	0,70	0,05950 00	44 225	11 580
1	345 65	661 753	41 109	1	868 15	25 723	07 487
2	489 20	689 396	46 933	2	779 20	06 043	03 163
3	630 55	716 507	52 635	3	683 05	0,00985 185	0,00198 611
4	769 60	743 064	58 209	4	579 60	963 151	93 832
5	906 25	769 043	63 651	5	468 75	939 941	88 828
6	0,04040 40	794 423	68 955	6	350 40	915 560	83 600
7	171 95	819 183	74 117	7	224 45	890 011	78 153
8	300 80	843 301	79 133	8	090 80	863 298	72 487
9	426 85	866 755	83 998	9	0,04949 35	835 426	66 606
0,30	550 00	889 525	88 706	0,80	800 00	806 400	60 512
1	670 15	911 590	93 255	1	642 65	776 228	54 209
2	787 20	932 930	97 639	2	477 20	744 917	47 699
3	901 05	953 524	0,00201 854	3	303 55	712 474	40 987
4	0,05011 60	973 353	05 897	4	121 60	678 910	34 075
5	118 75	992 398	09 762	5	0,03931 25	644 234	26 968
6	222 40	0,01010 639	13 447	6	732 40	608 456	19 669
7	322 45	028 058	16 947	7	524 95	571 588	12 182
8	418 80	044 636	20 259	8	308 80	533 643	04 513
9	511 35	060 356	23 379	9	083 85	494 634	0,00096 604
0,40	600 00	075 200	26 304	0,90	0,02850 00	454 575	88 642
1	684 65	089 151	29 030	1	607 15	413 481	80 451
2	765 20	102 191	31 555	2	355 20	371 368	72 095
3	841 55	114 305	33 874	3	094 05	328 253	63 580
4	913 60	125 476	35 986	4	0,01823 60	284 153	54 912
5	981 25	135 690	37 886	5	543 75	239 088	46 096
6	0,06044 40	144 930	39 574	6	254 40	193 077	37 137
7	102 95	153 183	41 045	7	0,00955 45	146 141	28 042
8	156 80	160 434	42 299	8	646 80	098 301	18 817
9	205 85	166 669	43 331	9	328 35	049 579	09 467
0,50	0,06250 00	0,01171 875	0,00244 141	1,00	0,00000 00	0,00000 000	0,00000 000

[式 (6) / 係 數 値]

ξ	(ξ_2)	(ξ_3)	(ξ_4)	(ξ_5)	(ξ_6)
0,00	0,00000	0,00000 00	0,00000 000	0,00000 000	0,00000 000
1	-0,00495	0,00328 35	-0,00245 442	195 862	-0,00162 892
2	-0,0980	00046 80	-0,0481 866	383 565	-0,00162 892
3	-1455	00955 45	-0,0709 422	563 281	-0,00162 892
4	-1920	01254 40	-0,0928 256	735 179	-0,00162 892
5	-2375	1543 75	-0,1138 516	899 427	-0,00162 892
6	-2820	1823 60	-0,1340 346	0,01056 193	-0,00162 892
7	-3255	2094 05	-0,1533 892	205 039	-0,00162 892
8	-3680	2355 20	-0,1719 296	347 928	-0,01105 301
9	-4095	2607 15	-0,1896 702	483 221	-0,01105 301
0,10	-4500	2850 00	-0,2066 250	611 675	-0,01105 301
1	-4895	0,03083 85	-0,2228 082	733 448	-0,01105 301
2	-5280	308 80	-0,2382 336	848 693	-0,01105 301
3	-5655	524 95	-0,2529 152	957 563	-0,01105 301
4	-6020	732 40	-0,2668 666	0,02060 210	-0,01105 301
5	-6375	931 25	-0,2801 016	156 782	-0,01105 301
6	-6720	0,04121 60	-0,2926 336	247 426	-0,01105 301
7	-7055	303 55	-0,3044 762	332 287	-0,01105 301
8	-7380	477 20	-0,3156 426	411 509	-0,01105 301
9	-7695	642 65	-0,3261 462	485 234	-0,01105 301
0,20	-8000	800 00	-0,3360 000	553 600	-0,02042 880
1	-8295	949 35	-0,3452 172	616 746	-0,02042 880
2	-8580	0,05090 80	-0,3538 106	674 808	-0,02042 880
3	-8855	224 45	-0,3617 932	727 920	-0,02042 880
4	-9120	350 40	-0,3691 776	776 216	-0,02042 880
5	-9375	468 75	-0,3759 766	819 824	-0,02042 880
6	-9620	579 60	-0,3822 026	858 875	-0,02042 880
7	-9855	683 05	-0,3878 682	893 496	-0,02042 880
8	-0,10080	779 20	-0,3929 856	923 813	-0,02042 880
9	-295	868 15	-0,3975 672	949 948	-0,02042 880
0,30	-500	950 00	-0,4016 250	972 025	-0,02042 880
1	-695	0,06024 85	-0,4051 712	990 163	-0,02042 880
2	-880	092 80	-0,4082 176	0,03004 482	-0,02042 880
3	-0,11055	153 95	-0,4107 762	015 097	-0,02042 880
4	-220	208 40	-0,4128 586	022 125	-0,02042 880
5	-375	256 25	-0,4144 766	025 679	-0,02042 880
6	-520	297 60	-0,4156 416	025 871	-0,02042 880
7	-655	332 55	-0,4163 652	022 811	-0,02042 880
8	-780	361 20	-0,4166 586	016 608	-0,02042 880
9	-895	383 65	-0,4165 332	007 369	-0,02042 880
0,40	-0,12000	0,06400 00	-0,4160 000	0,02995 200	-0,02042 880
1	-995	410 35	-0,4150 702	980 204	-0,02042 880
2	-180	414 80	-0,4137 546	962 483	-0,02042 880
3	-255	413 45	-0,4120 642	942 138	-0,02042 880
4	-320	406 40	-0,4100 096	919 268	-0,02042 880
5	-375	393 75	-0,4076 016	893 971	-0,02042 880
6	-420	375 60	-0,4048 506	866 342	-0,02042 880
7	-455	352 05	-0,4017 672	836 476	-0,02042 880
8	-480	323 20	-0,3983 616	804 466	-0,02042 880
9	-0,12495	0,06289 15	-0,03946 442	0,02770 402	-0,02042 880

ξ	(ξ 2)	(ξ 3)	(ξ 4)	(ξ 5)	(ξ 6)
0,50	-0,12500	0,06250 00	-0,03906 250	0,02734 375	-0,02050 781
1	- 495	205 85	- 863 142	696 473	- 017 861
2	- 480	156 80	- 817 216	656 782	-0,01983 731
3	- 455	102 95	- 768 572	615 389	- 948 465
4	- 420	044 40	- 717 306	572 376	- 912 133
5	- 375	0,05081 25	- 663 516	527 826	- 874 804
6	- 320	913 60	- 607 296	481 820	- 836 547
7	- 255	841 55	- 548 742	434 437	- 797 426
8	- 180	765 20	- 487 946	385 755	- 757 506
9	- 095	684 65	- 425 002	335 851	- 716 851
0,60	- 000	600 00	- 360 000	284 800	- 675 520
1	-0,11895	511 35	- 293 032	232 675	- 633 574
2	- 780	418 80	- 224 186	179 550	- 591 071
3	- 655	322 45	- 153 552	125 494	- 548 068
4	- 520	222 40	- 081 216	070 577	- 504 619
5	- 375	118 75	- 007 266	014 868	- 460 779
6	- 220	011 60	-0,02931 786	0,01958 433	- 416 600
7	- 055	0,04901 05	- 854 862	901 338	- 372 132
8	-0,10880	787 20	- 776 576	843 646	- 327 425
9	- 695	670 15	- 697 012	785 422	- 282 528
0,70	- 500	550 00	- 616 250	726 725	- 237 486
1	- 295	426 85	- 534 372	667 617	- 192 346
2	- 080	300 80	- 451 456	608 155	- 147 151
3	-0,09855	171 95	- 367 582	548 398	- 101 944
4	- 620	040 40	- 282 826	488 403	- 056 766
5	- 375	0,03906 25	- 197 266	428 223	- 011 658
6	- 120	769 60	- 110 976	367 912	-0,00966 658
7	-0,08855	630 55	- 024 032	307 524	- 921 805
8	- 580	489 20	-0,01936 506	247 110	- 877 134
9	- 295	345 65	- 848 472	186 719	- 832 681
0,80	- 000	200 00	- 760 000	126 400	- 788 480
1	-0,07695	052 35	- 671 162	066 201	- 744 564
2	- 380	0,02902 80	- 582 026	006 169	- 700 964
3	- 055	751 45	- 492 662	0,00946 347	- 657 711
4	-0,06720	598 40	- 403 136	886 782	- 614 835
5	- 6375	443 75	- 313 516	827 515	- 572 364
6	- 6020	287 60	- 223 866	768 588	- 530 326
7	- 5655	130 05	- 134 252	710 042	- 488 745
8	- 5280	0,01971 20	- 044 736	651 915	- 447 648
9	- 4895	811 15	-0,00955 382	594 247	- 407 059
0,90	- 4500	650 00	- 866 250	537 075	- 367 001
1	- 4095	487 85	- 777 402	480 434	- 327 496
2	- 3680	324 80	- 688 896	424 360	- 288 565
3	- 3255	160 95	- 600 792	368 886	- 250 228
4	- 2820	0,00996 40	- 513 146	314 045	- 212 504
5	- 2375	831 25	- 426 016	259 870	- 175 412
6	- 1920	665 60	- 339 456	206 389	- 138 969
7	- 1455	499 55	- 253 522	153 634	- 103 191
8	- 0980	333 20	- 168 266	101 633	- 068 094
9	-0,00495	166 65	-0,00083 742	050 412	-0,00033 692
1,00	0,00000	0,00000 00	0,00000 000	0,00000 000	0,00000 000

[ξ ノ整數値ニ對シ頁 212 第 37 表參照]