

講演

第25卷第12號 昭和14年12月

利根川下流部に於ける土砂堆積と水理の特異性

(昭和14年10月20日土木學會創立25周年記念講演會に於て)

會員富永正義*

1. 緒 言

利根川増補工事は昭和10年9月及同13年6,7月の洪水に鑑み、幹川利根川、支川渡良瀬川及派川江戸川に於ける破堤、溢水を防止する爲、總工事費91266000圓を以て計畫せられたるものにして、其の中第一期工事として工事費51198000圓が豫算化せられ、昭和14年度以降15箇年繼續事業として施行せらるゝに至つた。

本工事は延長350kmに亘る既改修區域に増補を施行すると共に、新放水路の開鑿、利根運河の擴張、渡良瀬川洪水調節池の設置、小貝川合流點の附替等の新規工事を起して、利根川の高水防禦上遺憾ながらしむるものにして、工事區域大にして、工事費の龐大なる利根川改修工事と共に、我國河川工事の尤なるものである。而して利根川は河狀及水理關係極めて複雜なるを以て、各般の調査を精細に行ひ、之に立脚して増補計畫を樹てることとした。上記調査による利根川の河狀及水理關係を述ぶることは増補計畫の據つて來る所を説明する上に極めて必要なることなるも、本稿に於ては先づ利根川既改修區域の最下流部に於ける土砂堆積の狀況及小貝川合流點附近に於ける水理關係を述べて、河川工學上の参考資料たらしめんとす。

2. 利根川最下流部に於ける土砂堆積の狀況

1. 堆積土砂の根源

利根川下流に流下する土砂の根源に就きて考ふるに、利根本川及烏川流域に於ては從來山相の著しく不良なる箇所はなく、從つて土砂の流出は甚だしくなかつた。然るに昭和10年9月の洪水に於ては山地崩壊の大なる箇所を生じた。

渡良瀬川は水源足尾地方の崩壊激甚であるが、之より流出する土砂は渡良瀬川遊水地に堆積し、利根本川に影響する所は甚だしくない。

鬼怒川に於ては大谷川筋に相當大規模の砂防工事を施行して居るが以前には相當多量の土砂を流出したのである。

利根川改修工事施行中は捷水路の開鑿、低水路の浚渫等のため在來河床の平衡が破られて洗掘を生じ、又高水敷を掘鑿したため洪水時河岸の缺壊を生ずる等の事情により、下流に土砂を流した事は尠くない。

而して利根川上流部に於ては水面勾配が未だ急なるため、上流から流れて來る土砂と下流へ流れ去る土砂とが大體平衡を保ち、高水敷及低水路に於ける土砂の堆積は多くなかつた。然るに利根川下流部になると水面勾配著しく減少し流速の低減を來すから、土砂の堆積は甚だしく増加する。

特に昭和10年9月の洪水以來同12年7月、同13年6,7,9月と大洪水が相續いて起つたから利根川下流

* 工學士 内務技師 内務省土木局第一技術課勤務

表-1. 利根川下流佐原-笠川間に於ける堆積土量

距離標 (km)	断面積 (m ²)	平均断面積 (m ²)	距離 (m)	土量 (m ³)	低水路幅 (m)	高水敷幅 (m)	摘要
20.5	744	706	500	353 000	270	480	
21.0	668	639	534	341 226	270	470	
21.5	609	687	520	357 240	265	465	
22.0	764	640	505	323 200	260	460	
22.5	515	563	511	287 693	250	460	
23.0	611	540	515	278 100	250	470	
23.5	468	577	493	283 884	250	470	
24.0	686	530	487	258 110	250	470	
24.5	373	440	493	216 920	250	490	
25.0	507	485	503	243 955	250	510	
25.5	462	557	487	271 259	250	540	
26.0	651	561	470	263 670	250	550	
26.5	471	439	496	217 744	250	540	
27.0	406	695	477	331 515	250	530	
27.5	984	873	479	418 167	245	520	
28.0	761	651	470	305 970	245	510	
28.5	541	601	479	287 879	240	510	
29.0	660	607	485	294 395	240	510	
29.5	553	611	480	293 280	240	500	
30.0	668	680	495	336 600	240	460	
30.5	691	618	519	320 742	240	420	
31.0	544	404	511	206 444	240	410	
31.5	263	424	506	214 544	240	400	
32.0	585	576	510	293 760	240	370	
32.5	566	532	518	275 576	240	350	
33.0	497	668	525	350 700	240	350	
33.5	888	709	548	388 532	240	350	
34.0	580	508	581	205 148	240	330	
34.5	435	382	538	205 516	230	310	
35.0	329	334	544	181 696	220	300	
35.5	339	277	526	145 702	220	290	
36.0	214				220	280	
計				8 842 167	内 [高水敷] 2 428 088 [低水路] 6 414 079		

備考 距離標 20.5 km は千葉県香取郡笠川町地先にありて、利根川第一期改修の終點を示す。又距離標 36.0 km は同県同郡津の宮村地先にありて、同上改修の起點附近を示す(図-1 参照)。

部に流れてくる土砂も著しく増大し、既改修区域の終端附近並に之に接続せる下流の無堤部に於ては河床の埋没を來した所が數くない。

2. 土砂堆積の状況（表-1）

佐原以下の利根川は明治 33 年度其の改修工事に着手し、同 42 年度竣工したのである（図-1 参照）。今計画横断面と昭和 11 年 4 月に實測した横断面とを比較して土砂堆積の状況を検することとする。

圖-2 による時は高水敷に於ける土砂堆積は大ならざるも、低水路に於ては多大なる沈澱を生じたことが分る。而して距離標 20.5 km から同 36.0 km 迄 15.5 km の間に堆積した土量は高水敷に於て $2428\,000 \text{ m}^3$ 、低水路に於て $6414\,000 \text{ m}^3$ となる。又面積は高水敷 $6\,889\,380 \text{ m}^2$ 、低水路 $3\,838\,230 \text{ m}^2$ であるから、之にて土量を割る時は其の堆積高は高水敷に於て 0.352 m 、低水路に於て 1.67 m となる。高水敷の分は堤防修補のために屢々築堤土を採取して居るから、實際の堆積高は更に大きいと考へられる。又上記堆積を生じた年数は 26 年であるから、之にて上記堆積高を除す時は高水敷に於て $0.014 \text{ m}/\text{年}$ 低水路に於て $0.064 \text{ m}/\text{年}$ となる。

而して低水路に於ける沈澱高は平均水深の 24% に達したから、現在の横断面では計画流量を流すこと不可能で必然的に洪水位の上昇を生ずる。昭和 10 年 9 月の洪水に於ては最大流量が計画高水流量を超過したのであるが、計画高水位上 $0.7\sim0.9 \text{ m}$ の水位上昇を生じた。

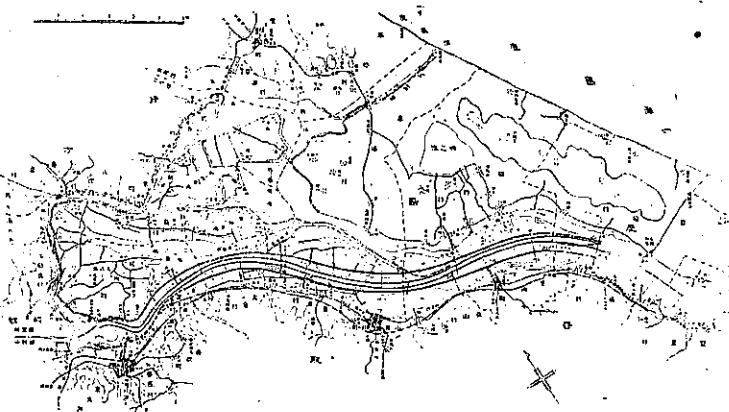
3. 土砂堆積に對する考察

此の沈澱状態を考察すると次の結論に達する。

- (1) 斯かる多量の沈澱を生じた原因を考察するに、上記の如く水面勾配の減少に伴ひ、流速の低減を來すことは勿論であるが、又一には河状に起因する。即ち距離標 20 km の所で無堤となり、其の下流は急激に河幅を増大するから流速も亦減少し、運び來りたる土砂を落すものである。次には河口迄の距離 20 km に過ぎず、然も水面勾配は洪水時に於ても $1/10\,000$ 以下なるを以て、幅員廣大なる無堤部分は潮汐の影響を蒙ること大なるも、有堤部に入れば急激に幅員を減少せしむるにより潮汐の作用を減じ、土砂の沈澱を助成するものにあらざるかと考へられる。
- (2) 低水流量に對して低水路幅が廣すぎるものゝ如く、低水路の幅を狭くする様に沈澱して居る所もある。
- (3) 弯曲部に於ては凸岸に沈澱を生じ、凹岸は河岸の侵蝕を生じて居る所が多い。
- (4) 沈澱は下流が多く、上流に至るに従ひ漸減して居る。

仍つて利根川増補計畫に於ては上記の堆積土砂を掘鑿又は浚渫すると共に、其の下流無堤部に堆積した土砂をも浚渫して、洪水の疏通に支障なからしむることとした。

圖-1. 利根川第一期改修工事平面圖



而して下流部は河川に於ける終局の土砂堆積箇所なるを以て、或る程度の土砂堆積は免れざる所である。然し堆積土量が著しく大なる時は洪水疏通上支障あるのみならず、沿岸の内水排除にも障害を及ぼすこととなる。従つて堆積土量は最少限度に止めしむる必要がある。此の爲に河幅、水深、流路の曲率及潮汐の影響に就ては精細なる調査研究を行ひて高水及低水法線を定めることが必要である。

3. 小貝川合流點附近に於ける水理關係

1. 総 説

小貝川は利根川に殆ど直角に合流し、合流點下流には有名なる狭窄部の存するを以て、洪水時利根川の洪水流量が小貝川に逆流することは常識として考へらるゝ所である(圖-3 参照)。最近に於ける大洪水特に昭和 10 年 9 月の洪水に於ける各種観測によりて逆流状態を検討せんとする(圖-4 参照)。

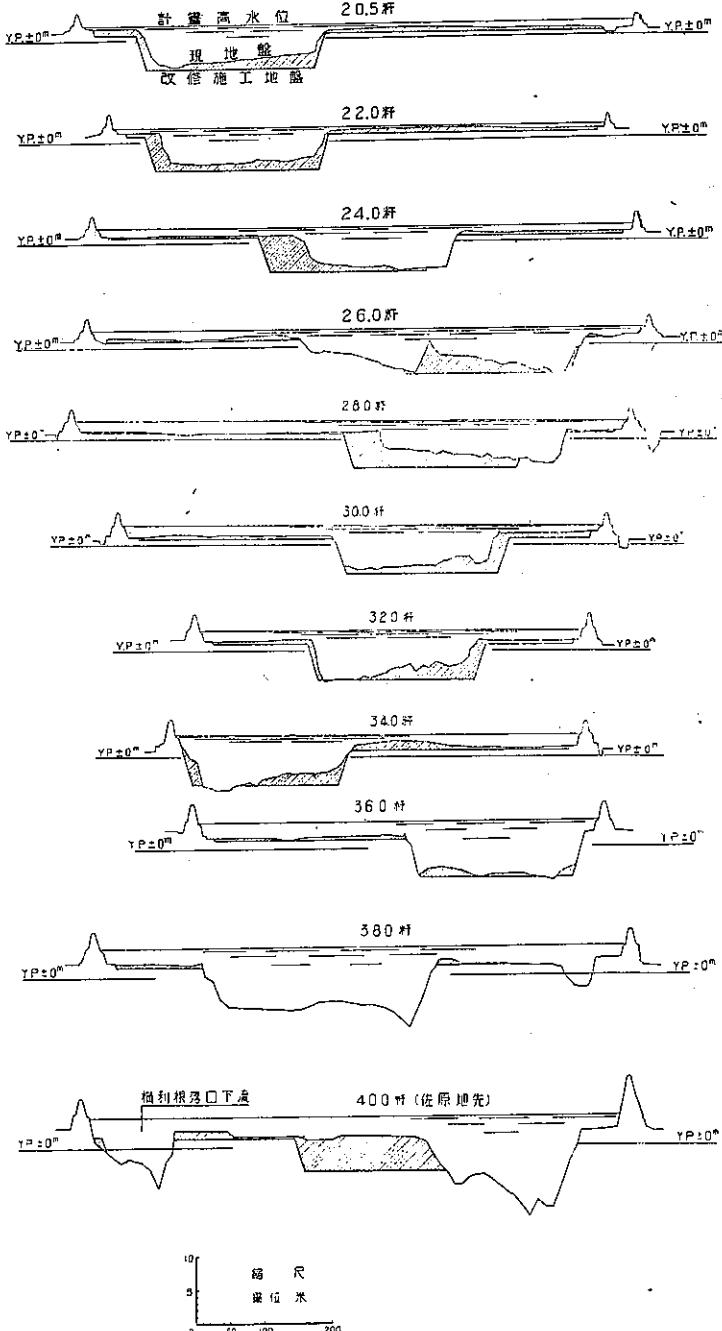
2. 常態に於ける逆流關係

i) 小貝川合流點附近に於ける兩川の水位關係

利根川及小貝川に於ける水位の検討のため前者は布川量水標、後者は中郷量水標の水位をとることとした。布川量水標は合流點の直ぐ下流にあり、又中郷量水標は合流點より 5.7 km 上流にある。

昭和 10 年 9 月の洪水は稀有の大水にして、26 日午前 4 時より同 7 時迄 3 時間は小貝川に逆流したが、其の後は午後 4 時迄順流状態を持続した。午後 4 時小貝川筋高須村に於て破堤したる後は逆流となつた。

圖-2. 利根川下流土砂堆積圖



昭和12年7月の洪水は栗橋に於ては計画高水位に相當する出水であつたが、小貝川の出水は大きくなかった。然し中郷の水位は常に布川の水位より高く、之を結ぶ時は水面勾配は $1/33\,500$ と云ふ非常なる緩勾配である。

昭和13年7月の出水は平地性の出水にして、利根本川は數年1回程度の出水であつたが、小貝川は未嘗有の大水にして、其の最大流量は毎秒 $850\text{ m}^3/\text{sec}$ に達した。從つて全く順流にして、小貝川への逆流はなかつた。中郷—布川間の水面勾配は $1/9\,670$ にして、其の他の洪水に比して著しく急なるものであつた。

昭和13年9月の洪水は利根川に於ては昭和10年9月に次ぐ大水であつたが、小貝川上流は大なる出水を見なかつた。9月1日午後6時から同9時迄3時間は逆流状態であつたが、其の後は逆流を見ず、全部順流であつた。兩者の間の水面勾配は $1/33\,500$ である。

上記諸洪水に就きて見るに小貝川への逆流状態は小貝川の出水大なる洪水に於てのみ起り、大體布川の最高水位に先だつこと10時間位にして、其の最高前後には兩者の水位差は僅少ではあるが、順流状態である。

ii) 小貝川合流點附近に於ける利根川の流量關係

次に布川より上流7kmにある取手と布川との水位及流量關係よりして逆流の状態を見ることとする。

図-3. 小貝川下流改修計畫平面圖

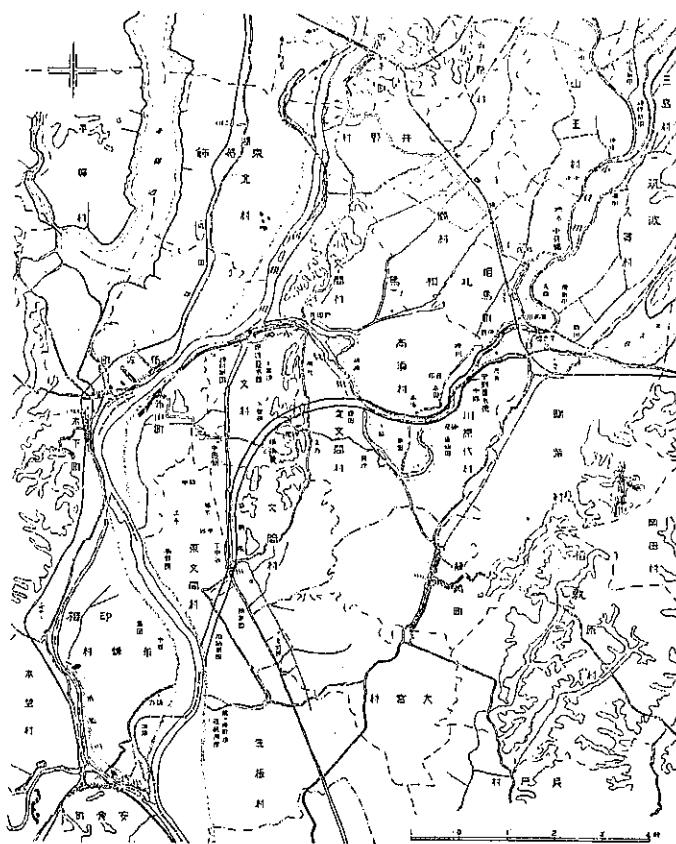
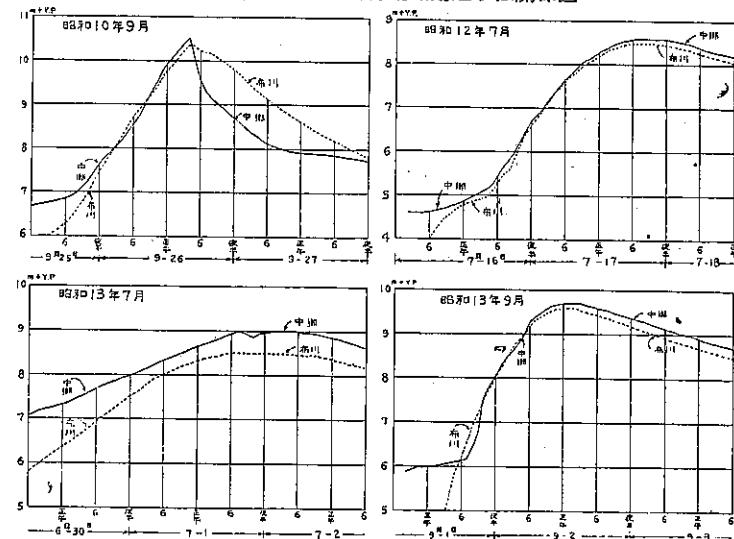


図-4. 洪水時小貝川合流點附近水位關係圖



最近に於ける流量観測の結果を摘記すれば次の如くである。

表-2. 取手及布川に於ける水位及流量観測表

地點	昭和 12. 7. 16.			昭和 13. 7. 1.			昭和 13. 9. 2.		
	時刻	水位 (m)	流量 (m³/sec)	時刻	水位 (m)	流量 (m³/sec)	時刻	水位 (m)	流量 (m³/sec)
取手	午後 2 時	9.26	4 156	午後 1 時	9.21	3 169	午前 7 時	10.28	5 361
	" 6 時	9.37	4 463	" 5 時	9.25	3 689	" 11 時	10.50	6 260
	" 8 時	9.37	4 281	" 8 時	9.24	3 098	午後 1 時	10.50	5 156
布川	午後 2 時	7.80	4 320	午後 1 時	7.89	3 744	午前 7 時	8.72	5 670
	" 6 時	7.96	4 177	" 5 時	8.00	3 617	" 11 時	9.02	4 927
	" 8 時	7.99	4 133	" 8 時	8.04	3 689	午後 1 時	9.05	4 779

摘要 水位は量水標の讀數を示し、——は最大又は最高を示す。

上表により明かなる如く、取手に於ける最大流量は常に布川に於ける最大流量に遅るゝものにして、其の時差は大體 4 時間である。其の理由を考察するに布川に於ては結局小貝川流量の流入により取手より先に最大となる。而して取手が最大となる時刻には小貝川に逆流するを以て、布川に於ては却つて流量の減少を來すこととなる。

而して水位の考察に於て述べたる如く最高水位附近は中郷の水位が常に布川の水位より高く、水面勾配は極めて緩なるも、順流の如く見えるのである。然るに流量の觀測によれば布川の最高水位附近は其の流量が常に取手より小なるを以て、小貝川に逆流したと考ふる外はない。

iii) 小貝川逆流に對する結論

上述の事項を綜合して次の如き結論に達する。布川の最高水位に先んずること 10 時間頃には利根川より小貝川に逆流する。而して布川が最大流量に達する迄は順流である。其の後小貝川は利根川よりの逆流を受けて水位の上昇を生じ、中郷に於ては布川より水位が高いものと考へられる。而して其の水位差は極めて僅少なる爲、殆ど流れのない状態を呈する。此の時には利根川の水が下を流れ、其の上を小貝川の水が洗れて居ると推定せられる。之が小貝川筋に破堤を見ざる場合即ち常態に於ける逆流の一般觀念である。

3. 昭和 10 年 9 月の洪水に際し小貝川に流入せる逆流状態

i) 總 説

上記は小貝川に於て破堤を見ざる場合即ち常態に於ける逆流状態を述べたのであるが、昭和 10 年 9 月の洪水にありては小貝川は左岸高須村地先に於て破堤したから、同川に於ける逆流状態は極めて顯著となつたのである。今此の場合に於ける利根川及小貝川の水位並に流量關係を検討し、併せて小貝川の破堤なかりせば、利根川に於て起り得べき最大流量を推定せんとす。

ii) 小貝川合流點附近に於ける利根川の最高水位

昭和 10 年 9 月の大水に於ける最高水位を既改修工事の計画高水位に比較するに、取手より小貝川合流點に至る間は河幅に餘裕あるに拘らず増高 1.0 m に達したが、以下布川に至る間は増高 0.6~0.7 m に減じた。之は布川地先の狭窄部のため水流の流過が妨げられ、其の上流に於て水位の上昇を來したると、又一つには小貝川に逆流を生じた結果と考へられる。

iii) 小貝川合流點に到達せる利根川の高水流量

小貝川に逆流する流量を知るには先づ小貝川合流點に於ける利根川の流量を知らなければならぬ。小貝川合

H_1 = 遊水地の上流量水標の水位

 H_2 = 遊水地の下流量水標の水位

 $\frac{dH_1}{dt} = H_1$ の上昇又は下降率

 $\frac{dH_2}{dt} = H_2$ の上昇又は下降率とすれば

$$\frac{dH}{dt} = \frac{1}{2} \left(\frac{dH_1}{dt} + \frac{dH_2}{dt} \right) \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

目吹、取手間の遊水地の作用を算するに當り、遊水地を次の如く3つに別ちて考へることとした(表-4参照)。

目吹より取手に至る流量を計算するには次の順序に従ふものとす。

(1) F_1 , F_2 及 F_3 遊水地に於ける流量 q_1 , q_2 及 q_3 を算出する(表-5~7 参照)。

(2) 目次に於ける流量を Q_1 とし、

之が遊水地 F_1 に於て調節せられ Q_2 となる。

即ち $Q_2 = Q_1 - q_1$ 、此の Q_2 に鬼怒川筋板戸井の流量 Q_3 が合流する。而して目吹及板戸井の流量が鬼怒川合流点に到達する時間は増水の初めに於ては鬼怒川の方が小なりと雖、最高水位附近及減水時に於ては兩者の間に差異を認められない。従つて上記に於ては目吹及板戸井に於ける同時刻の流量が同時刻に合流點に到達すると考へて差支ない。而して其の合流流量は $Q_2 + Q_3$ である(表-8 参照)。

(3) 前記 $Q_2 + Q_3$ に F_2 遊水地の作用 q_2 が加はる。此の際目吹及板戸井の流量が F_2 遊水地の中央迄到達する時間を流量の大小によりて區分し、2時間、2.5時間、3時間とする。然る時は表-9 から $Q_2 + Q_3 - q_2$ が求められる。

(4) 前記流量 $Q_2 + Q_3 - q_2$ に F_3 なる遊水地の作用 q_3 が加はりて、 $Q_2 + Q_3 - (q_2 + q_3)$ が求められる(表-10 参照)。之は F_3 なる遊水地の中央に於ける流量である。 F_2 の中央から F_3 の中央迄上記流量が到達する時間を流量の大小によりて 1.2時間、1.5時間、2.0時間とす。

(5) 上記 $Q_2 + Q_3 - (q_2 + q_3)$ なる流量が F_3 の中央

図-5. 利根川第三期改修工事平面圖

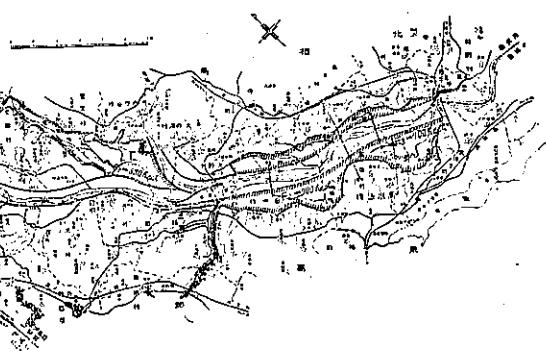


表-4 (1). 菅生沼遊水地

位 置	面 積 (F_1) ヘクタール	量 水 標	
		名 称	距 離
菅生村 七郷村 福田村	880	目吹	4.2 km
		三ツ堀	

表-4 (2). 田中, 高野遊水地

位 置	面 積 (F_2) ヘクタール	量 水 標	
		名 称	距 離
田中村 富勢村 大野村	900	船戸頭	6.1 km
高野村 稻戸井村			

表-4 (3). 富勢, 稲戸井遊水地

位 置	面 積 (F_3) ヘクタール	量 水 標	
		名 称	距 離
稻戸井村 取手町 富勢村	700	戸頭取手	4.8 km
我孫子町			

から小貝川合流點に到達する時間を流量の大小によりて、1.5 時間、2.0 時間、2.5 時間となす。

表-5. 菅生沼 (F_1) 遊水地に出入れる流量

時 刻	目 吹		三 ツ 堀		$\frac{1}{2} \left(\frac{dH_1}{dt} + \frac{dH_2}{dt} \right)$ (m³/hr)	F_1 (m²)	g_1 (m³/sec)
	水位 (H_1) (m)	$\frac{dH_1}{dt}$ (m/hr)	水位 (H_2) (m)	$\frac{dH_2}{dt}$ (m/hr)			
26 日午前 9 時	7.70	0.26	6.76	0.14	0.200	880×10^4	488
10	7.96	0.06	6.90	0.04	0.050	1.160×10^4	161
11	8.02	0.04	6.94	0.03	0.035	"	140
12	8.06	0.02	6.97	0.11	0.065	"	209
午後 1	8.08	0	7.08	0.07	0.035	"	113
2	8.08	0.03	7.15	0.04	0.035	"	110
3	8.11	0	7.19	-0.01	-0.005	"	50
4	8.11	-0.04	7.18	-0.01	-0.025	"	-50
5	8.07	-0.07	7.17	-0.05	-0.060	"	-140
6	8.00	-0.07	7.12	-0.07	-0.070	"	-210
7	7.93	-0.11	7.05	-0.10	-0.105	"	-280
8	7.82	-0.10	6.95	-0.10	-0.100	"	-330
9	7.72	-0.09	6.85	-0.10	-0.095	"	-310
10	7.63	-0.09	6.75	-0.10	-0.095	"	-310
11	7.54	-0.07	6.65	-0.10	-0.095	"	-300
12	7.47	-0.10	6.54	-0.11	-0.090	"	-310
27 日午前 1	7.37	-0.10	6.44	-0.10	-0.100	"	-330
2	7.27	-0.09	6.33	-0.11	-0.105	"	-310
3	7.18	-0.10	6.24	-0.09	-0.090	"	-310
4	7.08	-0.08	6.14	-0.10	-0.100	"	-310
5	7.00	-0.06	6.04	-0.10	-0.090	"	-270
6	6.94	-0.10	5.95	-0.09	-0.075	"	-270
7	6.84	-0.07	5.86	-0.09	-0.095	"	-306
8	6.77	-0.07	5.79	-0.07	-0.070	"	-225
9	6.70	-0.05	5.72	-0.07	-0.070	"	"
10	6.65	-0.08	5.63	-0.09	-0.070	"	"
11	6.57	-0.07	5.57	-0.06	-0.070	"	"
12	6.50	-0.06	5.50	-0.07	-0.070	"	"
午後 1	6.44	-0.06	5.42	-0.08	-0.070	"	-210
2	6.38	-0.07	5.36	-0.06	-0.060	-193	-200
3	6.31	-0.07	5.30	-0.06	-0.065	"	-209

表-6 田中、高野 (F_2) 避水池に出入せる流量

時 刻	船 戸 .		戸 頭		$\frac{1}{2} \left(\frac{dH_3}{dt} + \frac{dH_4}{dt} \right)$ (m/hr)	F_2 (m ²)	q_2 (m ³ /sec)
	水位(H_3) (m)	$\frac{dH^3}{dt}$ (m/hr)	水位(H_4) (m)	$\frac{dH_4}{dt}$ (m/hr)			
26日午前 11時	6.97	0.03	7.09	0.06	0.045	900×10^4	113
	12	7.00	7.15	0.06	0.070	"	175
	午後 1	7.08	7.21	0.12	0.095	"	238
	2	7.15	7.33	0.10	0.065	"	162
	3	7.18	7.43	0.09	0.055	"	138
	4	7.20	7.52	0.04	0.010	"	25
	5	7.18	7.56	-0.03	-0.030	"	-75
	6	7.15	7.53	-0.07	-0.110	"	-275
	7	7.00	7.46	-0.08	-0.115	"	-288
	8	6.85	7.38	-0.06	-0.070	"	-175
	9	6.77	7.32	-0.10	-0.085	"	-212
	10	6.70	7.22	-0.09	-0.095	"	-238
27日午前 1	11	6.60	7.13	-0.13	-0.125	"	-313
	12	6.52	7.00	-0.09	-0.100	"	-250
	1	6.41	6.91	-0.11	-0.100	"	-250
	2	6.32	6.80	-0.09	-0.090	"	-224
	3	6.23	6.71	-0.08	-0.085	"	-212
	4	6.14	6.63	-0.15	-0.110	"	-240
	5	6.07	6.48	-0.09	-0.080	"	-200
	6	6.00	6.39	-0.10	-0.075	"	-187
	7	5.95	6.29	-0.09	-0.085	"	-212
	8	5.87	6.20	-0.09	-0.090	"	-224
		5.78	6.11	-0.08	-0.065	"	-162
	10	5.73	6.03	-0.09	-0.100	"	-250
午後 1	11	5.62	5.94	-0.07	-0.060	"	-150
	12	5.57	5.87	-0.08	-0.075	"	-187
	1	5.50	5.79	-0.07	-0.085	"	-212
	2	5.40	5.72	-0.07	-0.060	"	-150
	3	5.35	5.65	-0.07	-0.075	"	-187
	4	5.27	5.58	-0.07	-0.055	"	-137
	5	5.23	5.51	-0.07	-0.080	"	-200
	6	5.14	5.44				

表-7. 富勢、稻戸井 (F_3) 逆水池に出入せる流量

時 刻	戸 頭		取 手		$\frac{1}{2} \left(\frac{dH_4}{dt} + \frac{dH_5}{dt} \right)$ (m/hr)	F_3 (m ²)	q_a (m ³ /sec)
	水位(H_4) (m)	$\frac{dH_4}{dt}$ (m/hr)	水位(H_5) (m)	$\frac{dH_5}{dt}$ (m/hr)			
26日午前 12 時	7.15	0.06	7.82	0.13	0.095	700×10^4	185
午後 1	7.21	0.12	7.95	0.20	0.160	"	311
2	7.33	0.10	8.15	0.09	0.095	"	185
3	7.43	0.09	8.24	0.11	0.100	"	195
4	7.52	0.04	8.35	0.02	0.030	"	58
5	7.56	-0.03	8.37	-0.04	-0.035	"	-68
6	7.53	-0.07	8.33	-0.04	-0.055	"	-107
7	7.46	-0.08	8.29	-0.09	-0.085	"	-165
8	7.38	-0.06	8.20	-0.06	-0.060	"	-117
9	7.32	-0.10	8.14	-0.08	-0.090	"	-175
10	7.22	-0.09	8.06	-0.10	-0.095	"	-185
11	7.13	-0.13	7.96	-0.12	-0.125	"	-243
12	7.00	-0.09	7.84	-0.11	-0.100	"	-195
27 日午前 1	6.91	-0.11	7.73	-0.10	-0.105	"	-204
2	6.80	-0.09	7.63	-0.10	-0.095	"	-185
3	6.71	-0.08	7.53	-0.12	-0.100	"	-195
4	6.63	-0.15	7.41	-0.11	-0.130	"	-253
5	6.48	-0.09	7.30	-0.11	-0.100	"	-195
6	6.39	-0.10	7.19	-0.10	-0.100	"	-195
7	6.29	-0.09	7.09	-0.09	-0.090	"	-175
8	6.20	-0.09	7.00	-0.08	-0.085	"	-166
9	6.11	-0.08	6.92	-0.04	-0.060	"	-117
10	6.03	-0.09	6.88	-0.14	-0.115	"	-224
11	5.94	-0.07	6.74	-0.10	-0.085	"	-166
12	5.87	-0.08	6.64	-0.06	-0.070	"	-136
午後 1	5.79	-0.07	6.58	-0.07	-0.070	"	-136
2	5.72	-0.07	6.51	-0.07	-0.070	"	-136
3	5.65	-0.07	6.44	-0.08	-0.070	"	-136
4	5.58	-0.07	6.36	-0.06	-0.075	"	-146
5	5.51	-0.07	6.30	-0.06	-0.065	"	-127
6	5.44	-0.07	6.24	-0.06	-0.065	"	-127

斯くの如くにして小貝川合流點に於ける流量が求められる(表-11, 圖-6 参照)。

図-6.

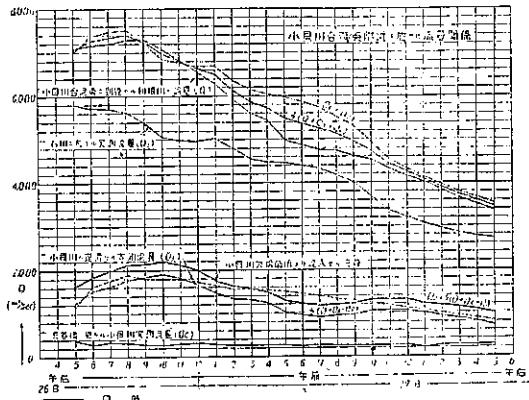


表-8.

時 刻	目次に於ける流量 Q_1 (m³/sec)	F_1 に於ける流量 q_1 (m³/sec)	$Q_1 - q_1 = Q_2$ (m³/sec)	板戸井に於ける流量		$Q_2 + Q_3$ (m³/sec)
				Q_1 (m³/sec)	Q_2 (m³/sec)	
26日午前 10 時	6 380	320	6 060	1 350		7 410
	6 360	140	6 220	1 310		7 530
	6 340	160	6 180	1 280		
	6 320	160	6 160	1 250		
	6 140	110	6 030	1 240		
	5 950	50	5 910	1 230		
	5 780	- 50	5 830	1 230		
	5 450	- 140	5 590	1 220		
	5 150	- 210	5 360	1 210		
	4 850	- 280	5 130	1 200		
	4 540	- 330	4 870	1 180		
	4 120	- 310	4 430	1 050		
午後 1	3 700	- 310	4 010	990		
	3 270	- 300	3 570	970		4 540
	3 170	- 310	3 480	950		4 430
	3 080	- 330	3 410	920		4 330
	3 080	- 310	3 390	880		4 270
	3 070	- 310	3 380	840		4 220
	3 070	- 310	3 380	790		4 170
	2 950	- 270	3 220	770		3 990
	2 820	- 270	3 090	750		3 840
	2 700	- 270	2 970	740		3 710
	2 570	- 230	2 800	720		3 520
	2 450	- 230	2 680	710		3 390
27 日午前 1	2 320	- 230	2 550	690		3 240
	2 200	- 230	2 430	670		3 100
	2 070	- 230	2 300	650		2 950
	1 950	- 210	3 160	630		2 790
	1 830	- 210	3 030	610		2 640

表-9.

時 刻	F_3 に於ける流量 q_3 (m^3/sec)	$Q_2+Q_3-q_2$ (m^3/sec)	時 刻	F_2 に於ける流量 q_2 (m^3/sec)	$Q_2+Q_3-q_2$ (m^3/sec)
26 日 正午	140	7 270	27 日 午前 3時30分	-210	4 540
午後 1	210	7 320	4-30	-280	4 550
2	200	7 260	5-30	-200	4 420
3	150	7 260	6-30	-190	4 360
4	80	7 190	8-0	-220	4 210
5	30	7 110	9-0	-190	4 030
6	-180	7 240	10-0	-210	3 920
7	-280	7 060	11-0	-200	3 720
8	-230	6 800	12-0	-170	3 560
9	-190	6 520	午後 1-0	-200	3 440
10	-230	6 230	2-0	-180	3 280
11時30分	-310	5 790	3-0	-170	3 120
27 日 12時30分	-250	5 250	4-0	-160	2 950
1時30分	-250	4 790	5-0	-170	2 810
2時30分	-220	4 650			

表-10.

時 刻	F_3 に於ける流量 q_3 (m^3/sec)	$Q_2+Q_3-(q_2+q_3)$ (m^3/sec)	時 刻	F_3 に於ける流量 q_3 (m^3/sec)	$Q_2+Q_3-(q_2+q_3)$ (m^3/sec)
26 日 午後 1 時	250	7 020	27 日 前午 3時0 分	-190	4 980
2	250	7 070	4-0	-220	4 870
3	190	7 070	5-0	-220	4 760
4	130	7 130	6-0	-200	4 750
5	-10	7 200	7-0	-190	4 610
6	-90	7 200	8-0	-170	4 530
7	-140	7 380	10-0	-170	4 090
8	-140	7 200	11-0	-200	3 920
9	-150	6 950	12-0	-150	3 710
10	-180	6 700	午後 1-0	-140	3 580
11	-210	6 440	2-0	-140	3 420
27 日 午前 12時30分	-200	5 990	3-0	-140	3 260
2-0	-190	5 440	4-0	-140	3 090
			5-0	-140	2 950

表-11. 小貝川合流點に到達する利根川の流量

F_3 の中央より小貝川合流點に至る		同 左		同 左	
時 刻 (時一分)	流 量 (m³/sec)	時 刻 (時一分)	流 量 (m³/sec)	時 刻 (時一分)	流 量 (m³/sec)
26 日午後 2-30	7 020	27 日午前 13-30	11-30	6 700	9-0
	7 070		1-30	6 440	10-0
	7 070		2-30	6 140	11-0
	7 130		4-0	5 790	午後 12-30
	7 200		5-0	5 440	1-30
	7 200		6-0	4 980	2-30
	7 380		7-0	4 870	3-30
	7 200		8-0	4 760	4-30
	6 950			4 750	5-30
					3 260

次にガングレー及クッター氏の公式を用ひて取手及び布川間の最高水位に於ける流量を 1 km 毎に算出すれば表-12 の如くである。

表-12. 昭和 10 年 9 月の洪水に際し最高水位時に各断面を通過したる流量

距 離 標	昭和 10 年 9 月 26 日洪水		平均 流 量 (m³/sec)	改 修 計 畫 高 水 流 量 (m³/sec)	増 补 計 畫 高 水 流 量 (m³/sec)	摘 要
	高水勾配	高水位時の 最 流 量 (m³/sec)				
85.0	1/7 241	7 600		4 310	6 600	取 手 地 先
84.0	"	6 550		"	"	"
83.0	"	6 090		"	"	"
82.0	"	7 000	6 863	"	4 300	"
81.0	1/9 445	7 080		"	"	"
80.0	"	7 120		"	"	"
79.0	"	6 600		"	"	小貝川合流點
78.0	1/5 374	7 110		"	"	"
77.0	"	4 970		"	"	"
76.0	"	6 110	6 342	"	"	布 川 地 先
75.0	"	7 050		"	"	"
74.0	"	6 470		"	"	"

表-12 により取手より小貝川合流點迄の平均流量は $6 860 \text{ m}^3/\text{sec}$ にして、又小貝川合流點以下布川迄の平均流量は $6 340 \text{ m}^3/\text{sec}$ である。一方上流の流量より算出したる取手地先の最高水位時の流量は $7 070 \text{ m}^3/\text{sec}$ となり、又布川に於ける實測最大流量は $6 350 \text{ m}^3/\text{sec}$ にして、流量曲線より求めたる最大流量は $6 420 \text{ m}^3/\text{sec}$ となる。從つて表-11 の數値と大體一致して居る。

iv) 小貝川自體に於ける高水流量

昭和 10 年 9 月の洪水に際し、常磐線鐵道橋より上流 400 m にある文巻橋に於て小貝川自體の洪水流量を測定した。其の結果を表示すれば表-13 (圖-6 参照) の如くである。

上記観測は 9 月 25 日午前 10 時より 27 日午後 5 時迄毎時間に施行したのであるが、26 日午前 8 時 $268 \text{ m}^3/\text{sec}$ に達した。之が第一回の最大である。其の後は利根川より流入する逆流の影響を被り、水位は上昇するが流量は激減し、26 日午後 3 時には $24 \text{ m}^3/\text{sec}$ に減少した。然るに同日午後 4 時高須村に於て小貝川左岸堤防が破壊した爲水面勾配は著しく急となり、流量は急激に増大し、午後 5 時には $399 \text{ m}^3/\text{sec}$ を算した。之が第二回の最大である。其の後は漸減し 27 日午後 5 時には $273 \text{ m}^3/\text{sec}$ を記録した。

之によりて見る時は小貝川の流量は文巻橋附近に於ては利根川の影響を受くること大にして、其の逆流々量が大となれば順流々量は激減し、遂には全くの逆流々量を記録するに至るかも知れない。昭和 10 年 9 月の洪水に於ては高須村に於ける破堤の爲、逆流々量を観測するに至らなかつた。而も利根川よりの逆流大なる時が小貝川下流としては最高水位の時であるから、利根川及小貝川の改修計畫に於ては合流點より常磐線鐵道橋迄計畫高水位を水平となし、其の高水位は専ら利根川の高水位によることとした。

表-13. 昭和 10 年 9 月洪水に際し小貝川文巻橋に於ける洪水流量

日 時	水位 (m) (小貝川空港高 Y.P.+4.675)	断面積 (m ²)	流速 (m/sec)	流 量 (m ³ /sec)	日 時	水位 (m) (小貝川空港高 Y.P.+4.675)	断面積 (m ²)	流速 (m/sec)	流 量 (m ³ /sec)
9/25 午前 10	3.01	300.2	0.641	192.0	9/26 午後 2	5.58	701.3	0.052	36.0
	3.02	301.6	0.706	213.0		5.75	729.2	0.033	24.0
	3.04	304.5	0.627	191.0		5.87	751.9	0.115	86.0
	3.06	307.3	0.630	194.0		5.40	672.6	0.593	399.0
	〃	307.3	0.701	215.0		5.14	629.7	0.489	308.0
	3.07	308.7	0.645	199.0		4.94	596.8	0.573	342.0
	3.08	310.1	0.639	198.0		4.88	587.9	0.578	340.0
	3.09	311.5	0.711	222.0		4.60	543.0	0.538	293.0
	3.10	313.0	0.575	180.0		4.48	523.0	0.536	280.0
	3.12	315.8	0.675	213.0		4.48	〃	0.597	312.0
	3.14	318.6	0.551	176.0		4.29	492.0	0.657	323.0
	3.17	322.9	0.528	171.0	9/27 午前 1	4.20	477.4	0.612	292.0
9/26 午前 1	3.24	332.7	0.594	198.0		4.14	467.7	0.596	279.0
	3.32	344.0	0.513	176.0		4.07	456.9	0.605	276.0
	3.42	358.2	0.471	169.0		4.04	451.6	0.618	280.0
	3.49	365.4	0.467	170.0		3.98	444.4	0.627	279.0
	3.62	383.9	0.382	147.0		3.95	439.6	0.597	262.0
	3.76	404.2	0.409	165.0		3.93	436.4	0.638	279.0
	3.91	428.3	0.350	150.0		3.83	424.9	0.633	269.0
	4.04	449.5	0.268	120.0		3.86	421.7	0.627	264.0
	4.21	475.6	0.358	171.0		3.85	420.1	0.636	267.0
	4.42	509.7	0.219	112.0		3.83	417.6	0.640	267.0
	4.39	504.5	0.533	269.0		3.82	416.1	0.628	262.0
	4.69	553.6	0.092	51.0	9/28 午前 1	3.79	411.8	0.486	200.0
	4.92	491.2	0.121	59.0		3.78	410.3	0.641	263.0
	5.08	617.6	0.098	60.0		3.76	407.9	0.672	274.0
	5.24	646.1	0.079	37.0		3.75	406.5	0.656	267.0
	5.41	673.4	0.067	46.0		3.74	405.0	0.673	273.0

v) 利根川より小貝川への逆流々量

洪水時利根川流量の一部が小貝川へ逆流することは明かであるが、中郷の水位が布川の水位より高いため順流状態を呈して居る。従つて逆流々量を算出することは困難である。偶々昭和 10 年 9 月 26 日の大洪水にありては午後 4 時に至り、小貝川高須村地先に於て破堤したるを以て、破堤箇所は水位の急低下を生じ、利根川より小貝川への逆流状態は顯著となつた。

上記洪水に際し小貝川への逆流々量は 27 日正午及午後 4 時の 2 回實測したのみであるから、之により他の時刻に於ける流量を求めるることは充分精確ならざる處はあるが、他に適當なる方法もないから、今實測流量より流速係数及粗度係数を逆算し、之を用ひて他の時刻に於ける流量を推定することとした。粗度係数を求めるにはガレンギレー及クッター兩氏の公式を用ふるものとす。

昭和 10 年 9 月 27 日の實測に於て

水面勾配 $I = 890$ 、断面積 $A = 820 \text{ m}^2$ 、水面幅 $B = 159 \text{ m}$ 、平均水深 $H = 5.16 \text{ m}$ 、平均流速 $V = 1.35 \text{ m/sec}$ を得た。 $V = C\sqrt{HI}$ なるを以て、

$$C = \frac{V}{\sqrt{HI}} = \frac{1.35}{\sqrt{5.16 \times 1/4 890}} = 41.5$$

又

$$C = \frac{\frac{23 + \frac{0.00155}{1/4 890} + \frac{1}{n}}{n}}{1 + \left(\frac{23 + \frac{0.00155}{1/4 890}}{1/4 890} \right) \frac{n}{\sqrt{5.16}}} = \frac{\frac{23 + 7.58 + \frac{1}{n}}{n}}{1 + (23 + 7.58) \times \frac{n}{2.27}} = \frac{30.58 + x}{1 + \frac{13.46}{x}} = 41.5$$

之を解いて $x = 29.8$ 、従つて $n = 0.0335$ を得。

次に昭和 10 年 9 月 27 日午後 4 時の實測に於て、

$$I = 1/7 050 \quad A = 783 \text{ m}^2 \quad H = 158 \text{ m}$$

$V = 1.18 \text{ m/sec}$ を得た。之より

$$C = \frac{1.18}{\sqrt{4.98 \times 1/7 050}} = 44.5$$

又

$$C = \frac{\frac{23 + \frac{0.00155}{1/7 050} + \frac{1}{n}}{n}}{1 + \left(\frac{23 + \frac{0.00155}{1/7 050}}{1/7 050} \right) \frac{n}{\sqrt{4.95}}} = \frac{\frac{23 + 10.9 + \frac{1}{n}}{n}}{1 + (23 + 10.9) \times \frac{n}{2.23}} = \frac{33.9 + x}{1 + \frac{15.2}{x}} = 44.5$$

之を解いて $x = 31.9$ 、従つて $n = 0.0314$ を得。

前二者の平均を探れば

$$n = \frac{1}{2}(0.0335 + 0.0314) = 0.0325 \approx 0.033$$

今ガレンギレー及クッター兩氏公式の粗度係数を 0.033 とし、26 日午後 5 時より翌 27 日午後 5 時迄の逆流々量を算出すれば 図-6、表-14 の如くである。

vi) 小貝川合流點附近に於ける流量の検討

小川貝合流點下流に於ける布川の流量は實測せられ、又小貝川への逆流は 表-14 に示してあるから、之等を合計する時は小貝川への逆流なき場合の合流點に於ける流量が求められる。此の際布川の實測流量は少し許りの更正を施す事とした。上記の合計流量を 表-11 の流量即上流より到達した流量と比較すれば、表-14 の如くなり、

表-14. 利根川より小貝川への逆流々量

日 時	押付、中郷 の水位差 (m)	水面勾配	水面幅 (m)	断面積 (m ²)	平均水深 (m)	流 量 (m ³ /sec)	摘要
26 日午後 5 時	0.292	1 : 14 380	165	1 126.3	6.83	1 180	押付、中郷間の距離は 4 200 m である
	0.719	1 : 5 850	165	1 097.3	6.65	1 640	
	0.981	1 : 4 510	165	1 080.3	6.60	1 770	
	1.126	1 : 3 735	164	1 059.3	6.46	1 900	
	1.063	1 : 3 935	164	1 048.3	6.39	1 810	
	1.096	1 : 3 840	164	1 035.3	6.31	1 800	
	1.166	1 : 3 605	163	1 013.3	6.23	1 790	
	1.119	1 : 3 760	163	1 000.3	6.14	1 730	
	1.146	1 : 3 605	163	968.3	5.94	1 660	
	1.036	1 : 4 050	162	959.3	5.90	1 560	
	1.151	1 : 3 650	162	940.3	5.80	1 590	
	1.166	1 : 3 605	161	924.3	5.73	1 550	
27 日午前 1 時	1.156	1 : 3 635	161	907.9	5.64	1 510	
	1.156	1 : 3 635	161	891.3	5.54	1 460	
	1.111	1 : 3 780	160	872.5	5.45	1 400	
	1.061	1 : 3 960	160	861.3	5.38	1 330	
	1.031	1 : 4 070	160	854.9	5.34	1 300	
	0.976	1 : 4 300	159	842.1	5.30	1 250	
	0.901	1 : 4 665	159	831.6	5.23	1 170	
	0.859	1 : 4 890	159	820.3	5.16	1 120	
	0.786	1 : 5 350	158	810.6	5.13	1 060	
	0.711	1 : 7 900	158	801.0	5.07	1 000	
	0.636	1 : 9 210	158	792.9	5.01	940	
	0.596	1 : 7 050	158	783.3	4.95	880	
	0.536	1 : 7 840	158	776.0	4.91	830	

前者の方が幾分大きい。茲に於て兩者の平均を求め、小貝川合流點に於ける利根川の流量となす(表-15, 圖-6 参照)。而して此の流量は小貝川の破堤なかりせば、利根川に現はれ得べき流量より大である。如何となれば小貝川の破堤に伴ひ遊水地下流の水面勾配は増大を來たしたから、破堤なき時より多量の水量が遊水地より流出した結果となつたからである。即ち小貝川の破堤なかりせば徐々に流出すべかりし、遊水地の水量が速かに多量に流出したこととなつた。從つて破堤なかりせば午後 6 時頃起るべかりし最大流量が遊水地の流出量のため午後 8 時に起り、而も流量は 7% 位増大じて居る。

表-15 の流量の平均値より布川の流量を差引く時は小貝川への逆流々量が求められる。之は表に求めたる逆流流量に比較する時は多少小である。之を表-15 に合記する(圖-6 参照)。

vii) 小貝川破堤箇所より堤内へ流入したる水量

破堤箇所より堤内へ流入したる水量は利根川より逆流したる流量と小貝川自體の流量との和にして表-15 の逆流々量と表-13 に於ける文巻橋の流量とを合併して求めることが出来る、表-16, 圖-6 に之を示す。之によれば堤内に流入せる流量の最大は 2 190 m³/sec にして 26 日午後 10 時に起つて居る。

表-15. 小貝川合流點附近に於ける利根川の流量

時 刻	上流より到達する流量 Q_s	布川に於ける流量 Q_f	小貝川の逆流流量 Q_k	$Q_f + Q_k$	$\frac{1}{2}(Q_s + Q_f + Q_k)$	更正せる小貝川への逆流々量 $\frac{1}{2}(Q_s + Q_k - Q_f)$
26 日午後 3 時	7 050		—	—	—	—
4	7 070		—	—	—	—
5	7 100	5 810	1 180	6 990	7 050	1 240
6	7 179	5 730	1 640	7 370	7 270	1 540
7	7 200	5 710	1 770	7 480	7 340	1 630
8	7 290	5 630	1 900	7 530	7 410	1 780
9	7 290	5 400	1 810	7 210	7 250	1 850
10	7 080	5 080	1 800	6 860	6 970	1 910
11	6 830	4 980	1 790	6 770	6 800	1 820
12	6 570	4 970	1 730	6 700	6 640	1 670
27 日午前 1	6 290	5 040	1 660	6 700	6 500	1 460
2	5 920	4 800	1 560	6 360	6 140	1 340
3	5 610	4 560	1 590	6 150	5 880	1 320
4	5 440	4 490	1 550	6 040	5 740	1 250
5	4 980	4 470	1 510	5 980	5 480	1 010
6	4 870	4 410	1 460	5 870	5 370	960
7	4 760	4 340	1 400	5 740	5 250	910
8	4 750	4 180	1 330	5 510	5 130	950
9	4 610	4 000	1 300	5 300	4 960	960
10	4 530	3 670	1 250	4 920	4 730	1 060
11	4 310	3 350	1 170	4 520	4 420	1 070
12	4 160	3 190	1 120	4 310	4 240	1 050
午後 1	4 010	3 060	1 060	4 120	4 070	1 010
2	3 820	2 950	1 000	3 950	3 890	940
3	3 650	2 840	940	3 780	3 720	880
4	3 500	2 770	880	3 650	3 580	810
5	3 340	2 710	820	3 530	3 440	780

表-16.

時 刻	逆流々量 (m³/sec)	文巻橋の流量 (m³/sec)	計 (m³/sec)	時 刻	逆流々量 (m³/sec)	文巻橋の流量 (m³/sec)	計 (m³/sec)
26 日午後 5 時	1 240	400	1 640	27 日午前 5 時	1 010	230	1 290
6	1 540	310	1 850	6	960	260	1 220
7	1 630	340	1 970	7	910	280	1 190
8	1 780	340	2 120	8	950	270	1 220
9	1 850	290	2 140	9	960	260	1 220
10	1 910	280	2 190	10	1 060	270	1 330
27 日午前 11	1 820	310	2 130	11	1 070	270	1 340
12	1 670	320	1 990	12	1 050	260	1 310
1	1 460	290	1 750	午後 1	1 010	200	1 210
2	1 340	280	1 620	2	940	260	1 200
3	1 320	280	1 600	3	880	270	1 150
4	1 250	280	1 530	4	810	270	1 080
				5	730	270	1 000

viii) 結論と小貝川合流點の附替

利根川より小貝川への逆流は常態の場合に於ても小貝川の水位を高め、且つ流量の流下を抑止するを以て、小貝川の河道は貯水池となり、其の灌水の影響は合流點より 18.5 km 上流にある岡堰迄達す。而して利根川の流量大なる場合には遂に破堤を生ずるに至る。一朝破堤したる場合には利根川遊水地以下の水面勾配が急となり、小貝川合流點に達する高水流を増大せしむる。従つて破堤箇所より堤内に流入する水量は決して鮮少でない。

利根川の増水時小貝川への逆流は止むを得ざる所なるも、逆流々量に關しては合流點の形狀及下流の狭窄部が大なる影響を有することとは明白である。仍つて利根川増補計畫に於ては逆流々量の輕減を企圖し、北文間村より新川を開鑿して、東文間村に於て利根川に合流せしめ、合流點を 9.1 km 下流に引き下げることとした。而も新合流點は河幅の廣い所であるから、洪水時水位の上昇は著しくない。合流附替に於ける水位關係を述べると表-17の如くである。

表-17.

地，點	計畫高水位 (H_1) (m)	昭和 10 年 9 月 26 日 最高水位 (H_2) (m)	計畫高水位上の増高 $H_2 - H_1$ (m)
現合流點	Y.P.+9.28	Y.P.+10.29	1.01
新合流點	Y.P.+7.90	Y.P.+8.61	0.71

現合流點は其の下流に於ける狭窄部のため洪水時水位の上昇は著しいが、新合流點に於ては水位の上昇は相當緩和せられる。又合流點の附替により小貝川筋常磐線鐵道橋より合流點に至る水位差は 1.38 m となるから、計畫水面勾配は $\frac{1.38}{11.332} = \frac{1}{8250}$ となり、利根川のが計畫高水位の場合に於ても計畫高水流量 $850 \text{ m}^3/\text{sec}$ を流下せしむることが出来る。